



**ΕΛΛΗΝΙΚΗ ΔΗΜΟΚΡΑΤΙΑ
ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ ΚΡΗΤΗΣ**

Εφαρμοσμένα Μαθηματικά για Μηχανικούς

4η σειρά ασκήσεων

Γιώργος Τζιρίτας

Τμήμα Επιστήμης Υπολογιστών

ΤΜΗΜΑ ΕΠΙΣΤΗΜΗΣ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΩΝ
Εφαρμοσμένα μαθηματικά για μηχανικούς
Γ. Τζιρίτας, Καθηγητής

4^η σειρά ασκήσεων

1. Υπολογίστε τη συνέλιξη για το ακόλουθο ζεύγος διακριτών σημάτων

$$x(n) = u(n+2) - u(n-2), \quad h(n) = \left(\frac{1}{2}\right)^{|n|}.$$

Δώστε τη γραφική παράσταση των σημάτων εισόδου και εξόδου, όπως και της κρουστικής απόκρισης, $h(n)$, χρησιμοποιώντας τη συνάρτηση `stem` του MATLAB.

2. Υπολογίστε τη συνέλιξη για το ακόλουθο ζεύγος συνεχών σημάτων

$$h(t) = e^{-at}u(t), \quad x(t) = u(t) - u(t-T).$$

Δώστε τη γραφική παράσταση των σημάτων εισόδου και εξόδου, όπως και της κρουστικής απόκρισης, $h(t)$, χρησιμοποιώντας τη συνάρτηση `ezplot` του MATLAB. Για τη γραφική παράσταση δώστε τις τιμές $a = 0,1$ και $T = 10$. Η συνάρτηση `heaviside` δίνει το σήμα μοναδιαίου βήματος $u(t)$.

3. Θεωρήστε την εξίσωση διαφορών πρώτης τάξης

$$y(n) = 0,9y(n-1) + x(n), \quad n \geq 0, \quad y(-1) = 0.$$

Χρησιμοποιήστε τη συνάρτηση `filter` του MATLAB για να βρείτε την κρουστική απόκριση του συστήματος, όπως επίσης την απόκριση στον παλμό $u(n) - u(n-25)$. Να παρασταθούν γραφικά οι δύο αποκρίσεις για $0 \leq n < 50$.

4. Φορτώστε το σήμα φωνής `y.mat` χρησιμοποιώντας την εντολή `load`. Επειδή το σήμα έχει εγγραφεί στα 16000 Hz, μπορείτε να το ακούσετε με τη συνάρτηση `sound(y,16000)`. Θα ακούσετε μια φράση και την ηχώ της, που έχει προκύψει από το σύστημα

$$y(n) = x(n) + \alpha x(n-N), \quad \text{με } \alpha = 0,5 \text{ και } N = 4000.$$

Θεωρήστε την εξίσωση διαφορών

$$\hat{x}(n) = -\alpha \hat{x}(n-N) + y(n).$$

Αιτιολογήστε γιατί το σύστημα αυτό αντιστρέφει την αντήχηση κι επομένως την αφαιρεί. Χρησιμοποιήστε τη συνάρτηση `filter` του MATLAB για να βρείτε την κρουστική απόκριση του αντίστροφου συστήματος, όπως επίσης την απόκριση στο σήμα $y(n)$. Ακούστε την απόκριση $\hat{x}(n)$.

Τέλος Ενότητας



Ευρωπαϊκή Ένωση
Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο

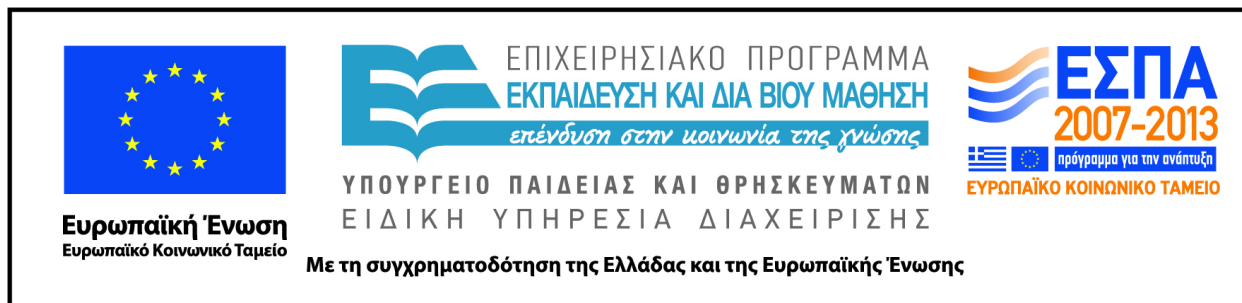


Με τη συγχρηματοδότηση της Ελλάδας και της Ευρωπαϊκής Ένωσης



Χρηματοδότηση

- Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό έχει αναπτυχθεί στα πλαίσια του εκπαιδευτικού έργου του διδάσκοντα.
- Το έργο «**Ανοικτά Ακαδημαϊκά Μαθήματα στο Πανεπιστήμιο Κρήτης**» έχει χρηματοδοτήσει μόνο τη αναδιαμόρφωση του εκπαιδευτικού υλικού.
- Το έργο υλοποιείται στο πλαίσιο του Επιχειρησιακού Προγράμματος «**Εκπαίδευση και Δια Βίου Μάθηση**» και συγχρηματοδοτείται από την Ευρωπαϊκή Ένωση (Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο) και από εθνικούς πόρους.



Σημειώματα

Σημείωμα αδειοδότησης

- Το παρόν υλικό διατίθεται με τους όρους της άδειας χρήσης Creative Commons Αναφορά Δημιουργού - Μη Εμπορική Χρήση - Παρόμοια Διανομή 4.0 [1] ή μεταγενέστερη, Διεθνής Έκδοση. Εξαιρούνται τα αυτοτελή έργα τρίτων π.χ. φωτογραφίες, διαγράμματα κ.λ.π., τα οποία εμπεριέχονται σε αυτό και τα οποία αναφέρονται μαζί με τους όρους χρήσης τους στο «Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων».



[1] <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/>

•Ως **Μη Εμπορική** ορίζεται η χρήση:

- που δεν περιλαμβάνει άμεσο ή έμμεσο οικονομικό όφελος από την χρήση του έργου, για το διανομέα του έργου και αδειοδόχο
- που δεν περιλαμβάνει οικονομική συναλλαγή ως προϋπόθεση για τη χρήση ή πρόσβαση στο έργο
- που δεν προσπορίζει στο διανομέα του έργου και αδειοδόχο έμμεσο οικονομικό όφελος (π.χ. διαφημίσεις) από την προβολή του έργου σε διαδικτυακό τόπο

•Ο δικαιούχος μπορεί να παρέχει στον αδειοδόχο ξεχωριστή άδεια να χρησιμοποιεί το έργο για εμπορική χρήση, εφόσον αυτό του ζητηθεί.

Σημείωμα Αναφοράς

Copyright Πανεπιστήμιο Κρήτης, Γιώργος Τζιρίτας. «**Εφαρμοσμένα Μαθηματικά για Μηχανικούς. 4η σειρά ασκήσεων**». Έκδοση: 1.0. Ηράκλειο/Ρέθυμνο 2015. Διαθέσιμο από τη δικτυακή διεύθυνση: <http://www.csd.uoc.gr/~hy215/>