



**ΕΛΛΗΝΙΚΗ ΔΗΜΟΚΡΑΤΙΑ
ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ ΚΡΗΤΗΣ**

Εφαρμοσμένα Μαθηματικά για Μηχανικούς

5η σειρά ασκήσεων

Γιώργος Τζιρίτας

Τμήμα Επιστήμης Υπολογιστών

ΤΜΗΜΑ ΕΠΙΣΤΗΜΗΣ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΩΝ
Εφαρμοσμένα μαθηματικά για μηχανικούς
Γ. Τζιρίτας, Καθηγητής

5^η σειρά ασκήσεων

1. Υπολογίστε τη συνέλιξη για το ακόλουθο ζεύγος διακριτών σημάτων

$$x(n) = \cos \frac{\pi n}{180}, \quad h(n) = \begin{cases} \frac{90}{\pi}, & n = -1 \\ -\frac{90}{\pi}, & n = 1, \\ 0, & |n| \neq 1 \end{cases}$$

Θεωρήστε ότι $\frac{\sin x}{x} \simeq 1, |x| < 0, 1$.

2. Να ευρεθούν οι συντελεστές Fourier του αναπτύγματος του περιοδικού σήματος, με θεμελιώδη περίοδο T , το οποίο δίδεται στην κύρια περίοδο ως εξής,

$$f(t) = \frac{t}{T}, |t| \leq \frac{T}{2}.$$

3. Δίδονται τρία περιοδικά πραγματικά σήματα με μικρό αριθμό αρμονικών. Οι μη μηδενικοί συντελεστές δίδονται ως ακολούθως.

(a) $x_1(t) : T = 1, c(1) = 5, c(3) = 2,$

(b) $x_2(t) : T = 2, c(1) = i, c(2) = -\frac{1}{2}i, c(3) = \frac{1}{4}i, c(4) = -\frac{1}{8}i,$

(c) $x_3(t) : T = 4, c(1) = i, c(2) = \frac{1}{2}i, c(3) = \frac{1}{4}i, c(4) = \frac{1}{8}i.$

Να δημιουργηθούν συμβολικές εκφράσεις για τα σήματα και να παρασταθούν γραφικά με τη συνάρτηση `ezplot` του MATLAB για δύο περιόδους. Ποιά σχέση συνδέει τα $x_2(t)$ και $x_3(t)$;

4. Δίδονται τρία περιοδικά πραγματικά σήματα, με θεμελιώδη περίοδο $T = 2$, με περιορισμένο αριθμό αρμονικών, για τα οποία θα ληφθούν υπόψη οι ακόλουθες τιμές για τους συντελεστές των αντίστοιχων τριγωνομετρικών σειρών.

(a)

$$x_1(t) : a(n) = \frac{2 \sin \frac{n\pi}{2}}{n\pi}, 0 < n \leq 7$$

(b)

$$x_2(t) : b(n) = \frac{1}{n\pi}, 0 < n \leq 7$$

(c)

$$x_3(t) : a(0) = 1, a(1) = \frac{1}{\pi^2}, a(2) = 0, a(3) = \frac{1}{9\pi^2}$$

Να δημιουργηθούν συμβολικές εκφράσεις για τα σήματα και να παρασταθούν γραφικά με τη συνάρτηση `ezplot` του MATLAB για δύο περιόδους.

Τέλος Ενότητας



Ευρωπαϊκή Ένωση
Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο



Με τη συγχρηματοδότηση της Ελλάδας και της Ευρωπαϊκής Ένωσης



Χρηματοδότηση

- Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό έχει αναπτυχθεί στα πλαίσια του εκπαιδευτικού έργου του διδάσκοντα.
- Το έργο «**Ανοικτά Ακαδημαϊκά Μαθήματα στο Πανεπιστήμιο Κρήτης**» έχει χρηματοδοτήσει μόνο τη αναδιαμόρφωση του εκπαιδευτικού υλικού.
- Το έργο υλοποιείται στο πλαίσιο του Επιχειρησιακού Προγράμματος «**Εκπαίδευση και Δια Βίου Μάθηση**» και συγχρηματοδοτείται από την Ευρωπαϊκή Ένωση (Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο) και από εθνικούς πόρους.



Σημειώματα

Σημείωμα αδειοδότησης

- Το παρόν υλικό διατίθεται με τους όρους της άδειας χρήσης Creative Commons Αναφορά Δημιουργού - Μη Εμπορική Χρήση - Παρόμοια Διανομή 4.0 [1] ή μεταγενέστερη, Διεθνής Έκδοση. Εξαιρούνται τα αυτοτελή έργα τρίτων π.χ. φωτογραφίες, διαγράμματα κ.λ.π., τα οποία εμπεριέχονται σε αυτό και τα οποία αναφέρονται μαζί με τους όρους χρήσης τους στο «Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων».



[1] <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/>

•Ως **Μη Εμπορική** ορίζεται η χρήση:

- που δεν περιλαμβάνει άμεσο ή έμμεσο οικονομικό όφελος από την χρήση του έργου, για το διανομέα του έργου και αδειοδόχο
- που δεν περιλαμβάνει οικονομική συναλλαγή ως προϋπόθεση για τη χρήση ή πρόσβαση στο έργο
- που δεν προσπορίζει στο διανομέα του έργου και αδειοδόχο έμμεσο οικονομικό όφελος (π.χ. διαφημίσεις) από την προβολή του έργου σε διαδικτυακό τόπο

•Ο δικαιούχος μπορεί να παρέχει στον αδειοδόχο ξεχωριστή άδεια να χρησιμοποιεί το έργο για εμπορική χρήση, εφόσον αυτό του ζητηθεί.

Σημείωμα Αναφοράς

Copyright Πανεπιστήμιο Κρήτης, Γιώργος Τζιρίτας. «**Εφαρμοσμένα Μαθηματικά για Μηχανικούς. 5η σειρά ασκήσεων**». Έκδοση: 1.0. Ηράκλειο/Ρέθυμνο 2015. Διαθέσιμο από τη δικτυακή διεύθυνση: <http://www.csd.uoc.gr/~hy215/>