



ΕΛΛΗΝΙΚΗ ΔΗΜΟΚΡΑΤΙΑ
ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ ΚΡΗΤΗΣ

Εφαρμοσμένα Μαθηματικά για Μηχανικούς

Υποδείξεις Άσκησης 8

Γιώργος Τζιρίτας

Τμήμα Επιστήμης Υπολογιστών

ΤΜΗΜΑ ΕΠΙΣΤΗΜΗΣ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΩΝ
Εφαρμοσμένα μαθηματικά για μηχανικούς

Άνοιξη 2015

Γ. Τζιρίτας, Καθηγητής

8^η σειρά ασκήσεων

Απαντήσεις

1. Η μέγιστη συχνότητα ενός σήματος είναι 4000π. Ποιές από τις παρακάτω περιόδους δειγματοληψίας εξασφαλίζουν τέλεια ανακατασκευή;

(a) $T = 10^{-3}$

(b) $T = 4 \times 10^{-4}$

(c) $T = 10^{-4}$.

Απάντηση

Η ελάχιστη περίοδος δειγματοληψίας για να εξασφαλίζεται τέλεια ανακατασκευή είναι

$$T_s = \frac{1}{4000} = 2.5 \times 10^{-4}$$

2. Δίδονται δύο σήματα με μέγιστες συχνότητες ω_1 και ω_2 . Να ευρεθεί για το γινόμενο των δύο σημάτων το όριο για τη συχνότητα της δειγματοληψίας, ώστε το γινόμενο να μπορεί να αποκατασταθεί τέλεια.

Απάντηση

Στη γενική περίπτωση το γινόμενο των δύο σημάτων θα έχει εύρος συχνοτήτων $\omega_1 + \omega_2$.

3. Η συχνότητα Nyquist για το σήμα $x(t)$ είναι ω_0 . Να ευρεθεί η συχνότητα Nyquist για τα ακόλουθα σήματα:

(a) $x(t) + x(t - t_0)$,

(b) $\frac{dx(t)}{dt}$,

(c) $x(t) \cos(\omega_0 t)$,

(d) $x^2(t)$,

(e) $x(2t)$.

Απαντήσεις

(a) Η μέγιστη συχνότητα δεν αλλάζει

(b) Η μέγιστη συχνότητα δεν αλλάζει

(c) Η μέγιστη συχνότητα είναι $\omega_0 + \frac{1}{2}\omega_0$

(d) Η μέγιστη συχνότητα είναι διπλάσια

(e) Η μέγιστη συχνότητα είναι διπλάσια.

4. Να ευρεθεί ο μετασχηματισμός Fourier των ακόλουθων σημάτων:

• $\left(\frac{1}{2}\right)^{|n-1|}$

Απάντηση

$$X(\omega) = \frac{0.75e^{-i\omega}}{1.25 - \cos \omega}$$

- $\delta(n+1) - \delta(n-1)$

Απάντηση

$$X(\omega) = e^{i\omega} - e^{-i\omega} = 2i \sin \omega$$

- $2 + \cos\left(\frac{\pi n}{6} + \frac{\pi}{8}\right)$

Απάντηση

$$X(\omega) = 4\pi\delta(\omega) + \pi \left(e^{i\frac{\pi}{8}}\delta\left(\omega - \frac{\pi}{6}\right) + e^{-i\frac{\pi}{8}}\delta\left(\omega + \frac{\pi}{6}\right) \right)$$

Τέλος Ενότητας



Ευρωπαϊκή Ένωση
Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο



Με τη συγχρηματοδότηση της Ελλάδας και της Ευρωπαϊκής Ένωσης



Χρηματοδότηση

- Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό έχει αναπτυχθεί στα πλαίσια του εκπαιδευτικού έργου του διδάσκοντα.
- Το έργο «**Ανοικτά Ακαδημαϊκά Μαθήματα στο Πανεπιστήμιο Κρήτης**» έχει χρηματοδοτήσει μόνο τη αναδιαμόρφωση του εκπαιδευτικού υλικού.
- Το έργο υλοποιείται στο πλαίσιο του Επιχειρησιακού Προγράμματος «**Εκπαίδευση και Δια Βίου Μάθηση**» και συγχρηματοδοτείται από την Ευρωπαϊκή Ένωση (Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο) και από εθνικούς πόρους.



Σημειώματα

Σημείωμα αδειοδότησης

- Το παρόν υλικό διατίθεται με τους όρους της άδειας χρήσης Creative Commons Αναφορά Δημιουργού - Μη Εμπορική Χρήση - Παρόμοια Διανομή 4.0 [1] ή μεταγενέστερη, Διεθνής Έκδοση. Εξαιρούνται τα αυτοτελή έργα τρίτων π.χ. φωτογραφίες, διαγράμματα κ.λ.π., τα οποία εμπεριέχονται σε αυτό και τα οποία αναφέρονται μαζί με τους όρους χρήσης τους στο «Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων».



[1] <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/>

•Ως **Μη Εμπορική** ορίζεται η χρήση:

- που δεν περιλαμβάνει άμεσο ή έμμεσο οικονομικό όφελος από την χρήση του έργου, για το διανομέα του έργου και αδειοδόχο
- που δεν περιλαμβάνει οικονομική συναλλαγή ως προϋπόθεση για τη χρήση ή πρόσβαση στο έργο
- που δεν προσπορίζει στο διανομέα του έργου και αδειοδόχο έμμεσο οικονομικό όφελος (π.χ. διαφημίσεις) από την προβολή του έργου σε διαδικτυακό τόπο

•Ο δικαιούχος μπορεί να παρέχει στον αδειοδόχο ξεχωριστή άδεια να χρησιμοποιεί το έργο για εμπορική χρήση, εφόσον αυτό του ζητηθεί.

Σημείωμα Αναφοράς

Copyright Πανεπιστήμιο Κρήτης, Γιώργος Τζιρίτας. «**Εφαρμοσμένα Μαθηματικά για Μηχανικούς. Υποδείξεις Άσκησης 8**». Έκδοση: 1.0. Ηράκλειο/Ρέθυμνο 2015. Διαθέσιμο από τη δικτυακή διεύθυνση: <http://www.csd.uoc.gr/~hy215/>