



**ΕΛΛΗΝΙΚΗ ΔΗΜΟΚΡΑΤΙΑ
ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ ΚΡΗΤΗΣ**

Εφαρμοσμένα Μαθηματικά για Μηχανικούς

10η σειρά ασκήσεων

Γιώργος Τζιρίτας

Τμήμα Επιστήμης Υπολογιστών

ΤΜΗΜΑ ΕΠΙΣΤΗΜΗΣ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΩΝ
Εφαρμοσμένα μαθηματικά για μηχανικούς
Γ. Τζιρίτας, Καθηγητής

10^η σειρά ασκήσεων

1. Να ευρεθούν τα ακόλουθα αθροίσματα και η περιοχή σύγκλισης για το καθένα από αυτά

$$\alpha) \sum_{n=-1}^{\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1} z^{-n}$$

$$\beta) \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^{-n+1} z^n$$

$$\gamma) \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{1 + (-1)^n}{2}\right) z^{-n}$$

$$\delta) \sum_{n=-\infty}^{\infty} \left(\frac{1}{2}\right)^{|n|} \cos\left(\frac{\pi}{4}n\right) z^{-n}$$

$$\epsilon) \sum_{n=-\infty}^0 \left(\frac{1}{3}\right)^n \cos\left(\frac{\pi}{4}n\right) z^{-n}$$

2. Να ευρεθεί ο μετασχηματισμός Z και η περιοχή σύγκλισης για τα ακόλουθα σήματα. Για ποιά από αυτά υπάρχει ο μετασχηματισμός Fourier;

(a) $\delta(n+1) - \delta(n-1)$

(b) $(-1)^n u(n)$

(c) $2^n u(-n) + \left(\frac{1}{4}\right)^n u(n-1)$

(d) $\left(\frac{1}{4}\right)^n u(3-n)$

(e) $n\left(\frac{1}{2}\right)^{|n|}$

3. Να ευρεθεί ο αντίστροφος μετασχηματισμός Z του

$$X(z) = \frac{1 - \frac{1}{3}z^{-1}}{(1 - z^{-1})(1 + 2z^{-1})}, \quad |z| > 2.$$

4. Δίδεται ο μετασχηματισμός Z

$$H(z) = \frac{1}{1 - 0.8z^{-1} + 1.45z^{-2} - \frac{81}{125}z^{-3} + \frac{324}{625}z^{-4}}$$

Χρησιμοποιήστε τη συνάρτηση z -plane για να παραστήσετε γραφικά τους πόλους και τα μηδενικά του μετασχηματισμού και τη συνάρτηση roots για να βρείτε τους πόλους. Να δώσετε αναλυτική έκφραση της κρουστικής απόκρισης του συστήματος.

Τέλος Ενότητας



Ευρωπαϊκή Ένωση
Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο



Με τη συγχρηματοδότηση της Ελλάδας και της Ευρωπαϊκής Ένωσης



Χρηματοδότηση

- Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό έχει αναπτυχθεί στα πλαίσια του εκπαιδευτικού έργου του διδάσκοντα.
- Το έργο «**Ανοικτά Ακαδημαϊκά Μαθήματα στο Πανεπιστήμιο Κρήτης**» έχει χρηματοδοτήσει μόνο τη αναδιαμόρφωση του εκπαιδευτικού υλικού.
- Το έργο υλοποιείται στο πλαίσιο του Επιχειρησιακού Προγράμματος «**Εκπαίδευση και Δια Βίου Μάθηση**» και συγχρηματοδοτείται από την Ευρωπαϊκή Ένωση (Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο) και από εθνικούς πόρους.



Σημειώματα

Σημείωμα αδειοδότησης

- Το παρόν υλικό διατίθεται με τους όρους της άδειας χρήσης Creative Commons Αναφορά Δημιουργού - Μη Εμπορική Χρήση - Παρόμοια Διανομή 4.0 [1] ή μεταγενέστερη, Διεθνής Έκδοση. Εξαιρούνται τα αυτοτελή έργα τρίτων π.χ. φωτογραφίες, διαγράμματα κ.λ.π., τα οποία εμπεριέχονται σε αυτό και τα οποία αναφέρονται μαζί με τους όρους χρήσης τους στο «Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων».



[1] <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/>

•Ως **Μη Εμπορική** ορίζεται η χρήση:

- που δεν περιλαμβάνει άμεσο ή έμμεσο οικονομικό όφελος από την χρήση του έργου, για το διανομέα του έργου και αδειοδόχο
- που δεν περιλαμβάνει οικονομική συναλλαγή ως προϋπόθεση για τη χρήση ή πρόσβαση στο έργο
- που δεν προσπορίζει στο διανομέα του έργου και αδειοδόχο έμμεσο οικονομικό όφελος (π.χ. διαφημίσεις) από την προβολή του έργου σε διαδικτυακό τόπο

•Ο δικαιούχος μπορεί να παρέχει στον αδειοδόχο ξεχωριστή άδεια να χρησιμοποιεί το έργο για εμπορική χρήση, εφόσον αυτό του ζητηθεί.

Σημείωμα Αναφοράς

Copyright Πανεπιστήμιο Κρήτης, Γιώργος Τζιρίτας. «**Εφαρμοσμένα Μαθηματικά για Μηχανικούς. 10η σειρά ασκήσεων**». Έκδοση: 1.0. Ηράκλειο/Ρέθυμνο 2015. Διαθέσιμο από τη δικτυακή διεύθυνση: <http://www.csd.uoc.gr/~hy215/>