



**ΕΛΛΗΝΙΚΗ ΔΗΜΟΚΡΑΤΙΑ
ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ ΚΡΗΤΗΣ**

Εφαρμοσμένα Μαθηματικά για Μηχανικούς

3η σειρά ασκήσεων

Γιώργος Τζιρίτας

Τμήμα Επιστήμης Υπολογιστών

ΤΜΗΜΑ ΕΠΙΣΤΗΜΗΣ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΩΝ
Εφαρμοσμένα μαθηματικά για μηχανικούς
Γ. Τζιρίτας, Καθηγητής

3^η σειρά ασκήσεων

1. Αφού αποδειχθεί ότι

$$\frac{1}{(z-a)(z-b)} = \frac{1}{b-a} \left(\frac{1}{z-b} - \frac{1}{z-a} \right), \quad a \neq b$$

να βρεθεί το ολοκλήρωμα

$$\oint_{|z|=\rho} \frac{dz}{(z-a)(z-b)},$$

για την περίπτωση: α) $0 < \rho < \min(|a|, |b|)$, β) $\min(|a|, |b|) < \rho < \max(|a|, |b|)$ και γ) $\max(|a|, |b|) < \rho$.

2. Να βρεθεί το ανάπτυγμα της συνάρτησης

$$\frac{z^2}{(z-a)(z-b)}, \quad a \neq b,$$

σε δυναμοσειρά για την περίπτωση: α) $0 < |z| < \min(|a|, |b|)$, β) $\min(|a|, |b|) < |z| < \max(|a|, |b|)$ και γ) $\max(|a|, |b|) < |z|$.

3. Χρησιμοποιώντας τη συνάρτηση stem του MATLAB δώστε τη γραφική παράσταση των ακολούθων σημάτων για $0 \leq n \leq 31$

- $x_1(n) = \sin \frac{\pi n}{4} \cos \frac{\pi n}{4},$
- $x_2(n) = \cos^2 \frac{\pi n}{4},$
- $x_3(n) = \sin \frac{\pi n}{4} \cos \frac{\pi n}{8},$
- $x_4(n) = \sin \frac{n}{4} + \cos \frac{\pi n}{8}.$

Ποιά από αυτά τα σήματα είναι περιοδικά και ποιά είναι η θεμελιώδης περίοδος;

4. Δίδεται το μιγαδικό σήμα

$$z(t) = \frac{1+i}{\sqrt{2}} e^{0.25\pi - (0.25+i2\pi)t}.$$

Χρησιμοποιώντας τη συνάρτηση ezplot του MATLAB δώστε τη γραφική παράσταση των ακολούθων σημάτων: $\Re z(t)$, $\Im z(t)$, $|z(t)|$, $\angle z(t)$, για $0 \leq t \leq 10$.

Τέλος Ενότητας



Ευρωπαϊκή Ένωση
Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο



ΥΠΟΥΡΓΕΙΟ ΠΑΙΔΕΙΑΣ & ΘΡΗΣΚΕΥΜΑΤΩΝ, ΠΟΛΙΤΙΣΜΟΥ & ΑΘΛΗΤΙΣΜΟΥ
ΕΙΔΙΚΗ ΥΠΗΡΕΣΙΑ ΔΙΑΧΕΙΡΙΣΗΣ

Με τη συγχρηματοδότηση της Ελλάδας και της Ευρωπαϊκής Ένωσης



ΕΠΙΧΕΙΡΗΣΙΑΚΟ ΠΡΟΓΡΑΜΜΑ
ΕΚΠΑΙΔΕΥΣΗ ΚΑΙ ΔΙΑ ΒΙΟΥ ΜΑΘΗΣΗ
επένδυση στην κοινωνία της γνώσης

Χρηματοδότηση

- Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό έχει αναπτυχθεί στα πλαίσια του εκπαιδευτικού έργου του διδάσκοντα.
- Το έργο «**Ανοικτά Ακαδημαϊκά Μαθήματα στο Πανεπιστήμιο Κρήτης**» έχει χρηματοδοτήσει μόνο τη αναδιαμόρφωση του εκπαιδευτικού υλικού.
- Το έργο υλοποιείται στο πλαίσιο του Επιχειρησιακού Προγράμματος «Εκπαίδευση και Δια Βίου Μάθηση» και συγχρηματοδοτείται από την Ευρωπαϊκή Ένωση (Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο) και από εθνικούς πόρους.



Σημειώματα

Σημείωμα αδειοδότησης

- Το παρόν υλικό διατίθεται με τους όρους της άδειας χρήσης Creative Commons Αναφορά Δημιουργού - Μη Εμπορική Χρήση - Παρόμοια Διανομή 4.0 [1] ή μεταγενέστερη, Διεθνής Έκδοση. Εξαιρούνται τα αυτοτελή έργα τρίτων π.χ. φωτογραφίες, διαγράμματα κ.λ.π., τα οποία εμπεριέχονται σε αυτό και τα οποία αναφέρονται μαζί με τους όρους χρήσης τους στο «Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων».



[1] <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/>

•Ως **Μη Εμπορική** ορίζεται η χρήση:

- που δεν περιλαμβάνει άμεσο ή έμμεσο οικονομικό όφελος από την χρήση του έργου, για το διανομέα του έργου και αδειοδόχο
- που δεν περιλαμβάνει οικονομική συναλλαγή ως προϋπόθεση για τη χρήση ή πρόσβαση στο έργο
- που δεν προσπορίζει στο διανομέα του έργου και αδειοδόχο έμμεσο οικονομικό όφελος (π.χ. διαφημίσεις) από την προβολή του έργου σε διαδικτυακό τόπο

- Ο δικαιούχος μπορεί να παρέχει στον αδειοδόχο ξεχωριστή άδεια να χρησιμοποιεί το έργο για εμπορική χρήση, εφόσον αυτό του ζητηθεί.

Σημείωμα Αναφοράς

Copyright Πανεπιστήμιο Κρήτης, Γιώργος Τζιρίτας. «**Εφαρμοσμένα Μαθηματικά για Μηχανικούς. 3η σειρά ασκήσεων**». Έκδοση: 1.0.
Ηράκλειο/Ρέθυμνο 2015. Διαθέσιμο από τη δικτυακή διεύθυνση:
<http://www.csd.uoc.gr/~hy215/>